

## **Abschlussarbeit Mathematik**

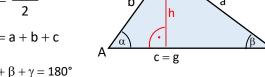
## Formelsammlung Realschule

## **Dreieck**

$$A=\frac{g\cdot h}{2}$$

$$u = a + b + c$$

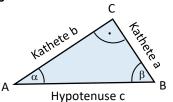
$$\alpha + \beta + \gamma = 180^{\circ}$$



## Satz des Pythagoras

Im rechtwinkligen Dreieck ABC mit  $\gamma = 90^{\circ}$  gilt:

$$a^2 + b^2 = c^2$$



#### Quadrat

$$A = a^2$$
 oder  $A = a \cdot a$ 

$$u = 4 \cdot a$$

Alle Innenwinkel sind 90° groß. Alle Seiten sind gleich lang.

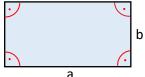
#### Rechteck

Ebene Figuren (Fläche A und Umfang u)

$$A=a\cdot b$$

а

$$u = 2 \cdot a + 2 \cdot b$$

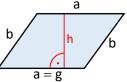


Alle Winkel sind 90° groß. Gegenüberliegende Seiten sind gleich lang.

## **Parallelogramm**

$$A = g \cdot h$$

$$u = 2 \cdot a + 2 \cdot b$$



а

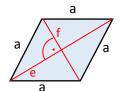
Benachbarte Winkel ergänzen sich zu 180°. Gegenüberliegende Seiten sind parallel und gleich lang.

Gegenüberliegende Winkel sind gleich groß.

#### Raute

$$A = \frac{e \cdot f}{2}$$

$$u = 4 \cdot a$$



Alle Seiten sind gleich lang. Die Diagonalen e und f stehen senkrecht aufeinander.

#### **Trapez**

$$A = \frac{a+c}{2} \cdot h$$

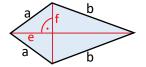
$$u = a + b + c + d$$

Mindestens zwei gegenüberliegende Seiten sind parallel zueinander (hier a und c).

#### **Drachenviereck**

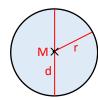
$$A = \frac{e \cdot f}{2}$$

$$u = 2 \cdot a + 2 \cdot b$$



Jeweils zwei benachbarte Seiten sind gleich lang. Die Diagonalen e und f stehen senkrecht aufeinander.

#### Kreis (Radius r, Durchmesser d, Mittelpunkt M)



$$A = \pi \cdot r^2$$
 oder  $A = \frac{\pi}{4} \cdot d^2$ 

$$u=2\cdot\pi\cdot r \ \textit{oder} \ u=\pi\cdot d$$

 $d = 2 \cdot r$ 

#### Kreisausschnitt (Kreisbogen ba, Mittelpunktswinkel a)



$$A_{\alpha} = \pi \cdot r^2 \cdot \frac{\alpha}{360^{\circ}}$$

$$b_{\alpha} = 2 \cdot \pi \cdot r \cdot \frac{\alpha}{360^{\circ}}$$

Der Kreisausschnitt  $A_{\alpha}$  ist ein Teil der Kreisfläche. Der Kreisbogen  $b_{\alpha}$  ist ein Teil des Kreisumfanges.

#### Kreisring (Radius großer Kreis r1, Radius kleiner Kreis r<sub>2</sub>)



 $\mathsf{A}_{\mathsf{Ring}} = \mathsf{A}_{\mathsf{großer}\,\mathsf{Kreis}} - \mathsf{A}_{\mathsf{kleiner}\,\mathsf{Kreis}}$  $A_{Ring} = \, \pi \cdot r_1^2 \, - \pi \cdot r_2^2$ 

$$A_{Ring} = \pi \cdot (r_1^2 - r_2^2)$$



## Abschlussarbeit Mathematik

## Formelsammlung Realschule

## Länge

Kilometer Meter Dezimeter Zentimeter Millimeter  $1 \, \text{km} = 1000 \, \text{m}$ 1 m = 10 dm

1 dm = 10 cm 1 cm 10 mm

## Fläche

Maßeinheiten

Quadrat Quadrat -Quadrat-Quadrat-Quadratkilometer millimeter meter dezimeter zentimeter 1 km<sup>2</sup>  $= \ \ \, 1000\,000m^2$  $1 m^2 =$ 100 dm<sup>2</sup>  $1 \, dm^2$ 100 cm<sup>2</sup>  $1 \, \text{cm}^2$ 100 mm<sup>2</sup>

#### Volumen

Kubik -Kuhik-Kuhik-Liter (ℓ) Kuhikmeter dezimeter millimeter zentimeter  $1 \, \text{m}^3 = 1000 \, \text{dm}^3$  $1 \ell = 1000 \, \text{m} \ell$  $1 dm^3 = 1000 cm^3$  $1 \, dm^3 = 1 \, \ell$  $1 \ cm^3 = 1000 \ mm^3$  $1~cm^3~=1~m\ell$ 

#### Hektar (ha) und Ar (a)

1 ha = 100 m  $\cdot$  100 m = 10 000 m<sup>2</sup>  $1 a = 100 m^2$ 

#### Masse

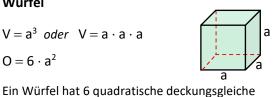
Tonne Kilogramm Gramm Milligramm 1t = 1000 kg= 1000 g 1 kg  $1g = 1000 \, \text{mg}$ 

## Körper (Volumen V, Oberfläche O, Grundfläche G, Mantelfläche M, Körperhöhe h,

#### Würfel

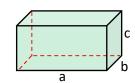
 $V = a^3$  oder  $V = a \cdot a \cdot a$ 





#### Quader

 $V = a \cdot b \cdot c$  $O = 2 \cdot a \cdot b + 2 \cdot b \cdot c + 2 \cdot a \cdot c$ 



Gegenüberliegende Rechtecke sind deckungsgleich.

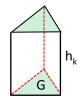
#### Prisma (Umfang u)

Seitenflächen.

 $V = G \cdot h_k$ 

 $O = 2 \cdot G + u \cdot h_{k}$ 

 $O = 2 \cdot G + M$ 

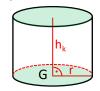


#### Zylinder (Radius r, Durchmesser d)

 $V = G \cdot h_k$  oder  $V = \pi \cdot r^2 \cdot h_k$ 

$$O = 2 \cdot \pi \cdot r^{2} + 2 \cdot \pi \cdot r \cdot h_{k}$$

$$O = 2 \cdot G + M$$

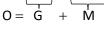


Die Grundflächen G sind Vielecke. Sie sind deckungs-Die Grundflächen G sind deckungsgleiche, parallele gleich und parallel.

#### Kegel (Radius r, Durchmesser d, Seitenlinie s)

$$V = \frac{1}{3} \cdot G \cdot h_k \ oder \ V = \frac{1}{3} \cdot \pi \cdot r^2 \cdot h_k$$

$$O = \pi \cdot r^2 + \pi \cdot r \cdot s$$





Die Grundfläche G ist ein Kreis.

#### Pyramide (Höhe einer Seitenfläche h<sub>a</sub>, Seitenkante s)

$$V = \frac{1}{3} \cdot G \cdot h_k$$

Die Grundfläche G ist ein Vieleck.

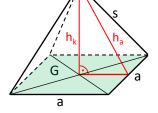
$$O = G + M$$

Die Mantelfläche M besteht aus Dreiecken.

Bei einer quadratischen Pyramide ist die Grundfläche G ein Quadrat.

$$V = \frac{1}{3} \cdot a^2 \cdot h_k$$

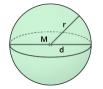
$$O = a^2 + 4 \cdot \frac{a \cdot h_a}{2}$$



## Kugel (Radius r)

$$V = \frac{4}{3} \cdot \pi \cdot r^3$$

 $O = 4 \cdot \pi \cdot r^2$ 



#### Masse (Masse m, Dichte ρ (rho), Volumen V)

 $Masse = Dichte \cdot Volumen$ 

$$m = \rho \cdot V$$



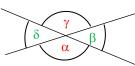
#### **Abschlussarbeit Mathematik**

## Formelsammlung Realschule

## Winkel an sich schneidenden Geraden

Nebenwinkel ergänzen sich zu 180°.

$$\begin{aligned} \alpha + \beta &= \ \beta + \gamma = \ 180^{\circ} \\ \alpha + \delta &= \ \delta + \gamma = \ 180^{\circ} \end{aligned}$$



Scheitelwinkel sind gleich groß.

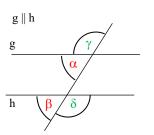
$$\alpha = \gamma$$
 und  $\beta = \delta$ 

Stufenwinkel sind gleich groß.

$$\alpha = \beta$$

Wechselwinkel sind gleich groß.

$$r = \delta$$

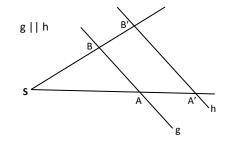


## Strahlensätze (Anfangspunkt S)

Werden zwei Strahlen mit Anfangspunkt S von den parallelen Geraden g und h geschnitten, gelten die folgenden Strahlensätze.

1.Strahlensatz: 
$$\frac{\overline{SA}}{\overline{SA'}} = \frac{\overline{SB}}{\overline{SB'}}$$

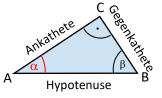
1.Strahlensatz: 
$$\frac{\overline{SA}}{\overline{SA'}} = \frac{\overline{SB}}{\overline{SB'}}$$
 2. Strahlensatz:  $\frac{\overline{SA}}{\overline{SA'}} = \frac{\overline{AB}}{\overline{A'B'}}$ 



## **Trigonometrie**

Trigonometrische Beziehungen im rechtwinkligen **Dreieck** 

Im rechtwinkligen Dreieck ABC mit  $\gamma = 90^{\circ}$  gilt:



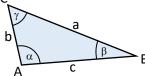
$$sin \ \alpha = \frac{\text{Gegenkathete}}{\text{Hypotenuse}}$$

$$\cos\alpha = \frac{\text{Ankathete}}{\text{Hypotenuse}}$$

$$\tan \alpha = \frac{\text{Gegenkathete}}{\text{Ankathete}}$$

Trigonometrische Beziehungen im beliebigen **Dreieck** 

In jedem Dreieck ABC gilt:



Sinussatz:

$$\frac{\mathsf{a}}{\sin\alpha} = \frac{\mathsf{b}}{\sin\beta}$$

$$\frac{b}{\sin \beta} = \frac{c}{\sin \gamma}$$

$$\frac{c}{\sin \alpha} = \frac{a}{\sin \alpha}$$

Kosinussatz:

$$a^2 = b^2 + c^2 - 2 \cdot b \cdot c \cdot \cos \alpha$$
$$b^2 = a^2 + c^2 - 2 \cdot a \cdot c \cdot \cos \beta$$

$$c^2 = a^2 + b^2 - 2 \cdot a \cdot b \cdot \cos \gamma$$

#### **Prozent- und Zinsrechnung**

Prozentsatz p Prozentwert Pw

**Grundwert G** 

Jahreszinsen Z

$$P_w = \frac{G \cdot p}{100}$$

$$p = \frac{P_{W} \cdot 100}{G}$$

$$G = \frac{P_W \cdot 100}{p}$$

$$Z = \frac{K \cdot p}{100}$$

K: Kapital, p: Zinssatz

## **Binomische Formeln**

$$(a + b)^2 = a^2 + 2 \cdot a \cdot b + b^2$$

$$(a - b)^2 = a^2 - 2 \cdot a \cdot b + b^2$$

$$(a + b) \cdot (a - b) = a^2 - b^2$$

#### **Potenzgesetze**

gleiche Basis

$$a^m \cdot a^n = a^{m+n}$$
 (a  $\neq$  0)

$$a^m: a^n = a^{m-n}$$
 (a

gleicher Exponent

$$a^{n} \cdot b^{n} = (a \cdot b)^{n}$$
  $(a \neq 0, b \neq 0)$ 

$$a^{m}: a^{n} = a^{m-n}$$
  $(a \neq 0)$   $a^{n}: b^{n} = (a : b)^{n}$   $(a \neq 0, b \neq 0)$   $a^{-n} = \frac{1}{a^{n}}$   $(a \neq 0)$   $a^{\frac{1}{2}} = \sqrt{a}$   $(a > 0)$ 

$$a^{-n} = \frac{1}{a^n} \qquad (a \neq 0)$$

$$a^{\frac{1}{2}} = \sqrt{a} \quad (a > 0)$$

(a > 0, m > 0)



## **Abschlussarbeit Mathematik**

## Formelsammlung Realschule

## **Gleichungen und Funktionen**

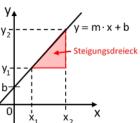
Lineare Funktion (Steigung der Geraden m, y-Achsenabschnitt b)

y-Actisetiabsciiii

Normalform:  $y = m \cdot x + b$ 

Steigung:

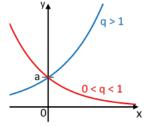
$$m = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} \quad (x_2 \neq x_1)$$



Exponentialfunktion (Anfangswert a, Wachstumsfaktor g)

$$y = a \cdot q^x$$
 (a  $\neq$  0)

Abnahme: 0 < q < 1 Zunahme: q > 1



## Quadratische Funktion

allgemeine Form:

$$y = a \cdot x^2 + b \cdot x + c$$
 (a  $\neq$  0)

Scheitelpunktform:

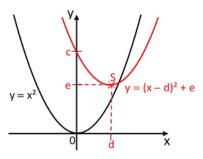
$$y = a \cdot (x - d)^2 + e \quad (a \neq 0)$$

Scheitelpunkt:

S(d | e)

Schnittpunkt mit der

y-Achse:  $S_v(0|c)$ 



Normalparabel:  $y = x^2$ 

## Quadratische Gleichung

Normalform der Funktion:

$$y = x^2 + px + q$$

Normalform der Gleichung:

$$x^2 + px + q = 0$$

Lösung mit der p-q-Formel:

$$x_{1/2}=-\frac{p}{2}\pm\sqrt{\left(\frac{p}{2}\right)^2-q}$$

## Statistische Kenngrößen

## Mittelwert (arithmetisches Mittel, Durchschnitt)

$$\overline{X} = \frac{\text{Summe aller Werte}}{\text{Anzahl aller Werte}} = \frac{X_1 + X_2 + \dots + X_n}{n}$$

#### Urliste

Liste ungeordneten Werte

#### Rangliste

Liste geordneter Werte Die Werte sind nach der Größe sortiert.

#### Median (Zentralwert)

ungerade Anzahl von Werten in der Rangliste:

 $\tilde{x}$  = Wert in der Mitte der Rangliste

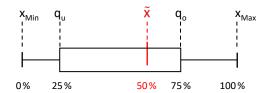
gerade Anzahl von Werten in der Rangliste:

 $\tilde{X} = \frac{\text{Summe der beiden mittleren Werte}}{2}$ 

#### Statistische Kenngrößen im Boxplot

Minimum der Daten: x<sub>Min</sub>
Maximum der Daten: x<sub>Max</sub>

Spannweite der Daten:  $x_{Max} - x_{Min}$ 



Median:  $\tilde{\mathbf{x}}$  unteres Quartil:  $\mathbf{q}_{\mathbf{u}}$  oberes Quartil:  $\mathbf{q}_{\mathbf{o}}$ 

#### Wahrscheinlichkeit

**Ergebnis:** Ausgang eines Zufallsexperimentes

**Ereignis:** gewünschtes Ergebnis oder gewünschte Ergebnisse eines Zufallsexperimentes

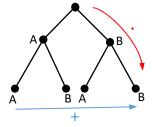
#### Laplace-Wahrscheinlichkeit

 $P(Ereignis E) = \frac{Anzahl der für E günstigen Ergebnisse}{Anzahl aller möglichen Ergebnisse}$ 

P(Ereignis E) + P(Gegenereignis zu E) = 1

#### Mehrstufiges Zufallsexperiment

Baumdiagramm



1. Pfadregel (Produktregel):

Die Wahrscheinlichkeit für ein Ergebnis erhält man, indem man die Wahrscheinlichkeiten entlang des zugehörigen Pfades im Baumdiagramm multipliziert.

2. Pfadregel (Summenregel):

Gibt es für ein *Ereignis* E mehrere günstige Ergebnisse, werden die Wahrscheinlichkeiten der einzelnen Ergebnisse addiert.